

f) Optimale Anlayehöhe a^*

BEO:
$$p \cdot \frac{\bar{x} - i}{W(1+i) + a(\bar{x} - i)} + (1-p) \cdot \frac{\underline{x} - i}{W(1+i) + a(\underline{x} - i)} \stackrel{!}{=} 0$$

← Denominator cannot be negative

\oplus da $\bar{x} > i$
 $\hat{=}$ Grenzwertfall von a gegenüber m
 (falls Lotteri gewonnen wird $\rightarrow \bar{x}$)

\ominus da $\underline{x} < i$
 $\hat{=}$ Grenzwertfall von a gegenüber m
 (falls Lotteri verloren wird $\rightarrow \underline{x}$)

OFFEN
 WIESO?
 $W + Wi + ax = ai$
 $W + ax + (W-a)i$
 Da sonst trübsantes Investment immer besser, langweilig!
 $\rightarrow m^* = 0$
 $\rightarrow a^* = W$
 You can't buy more stocks than you have money

Lässt sich leicht umformen zu: (Brüche auflösen)

NR: (weglassen)

$$p \cdot \frac{\bar{x} - i}{W(1+i) + a(\bar{x} - i)} = - (1-p) \frac{\underline{x} - i}{W(1+i) + a(\underline{x} - i)}$$

$$p \cdot (\bar{x} - i) \cdot [W(1+i) + a(\underline{x} - i)] \stackrel{!}{=} - (1-p) (\underline{x} - i) \cdot [W(1+i) + a(\bar{x} - i)]$$

Alle a auf eine Seite bringen

NR: (weglassen)

$$p(\bar{x} - i) + a(\underline{x} - i) + (1-p)(\underline{x} - i)(\bar{x} - i)a = -W(1+i) [p(\bar{x} - i) + (1-p)(\underline{x} - i)]$$

$$a [(\bar{x} - i)(\underline{x} - i) [p + (1-p)]] = -W(1+i) \cdot [p(\bar{x} - i) + (1-p)(\underline{x} - i)]$$

$\underbrace{p + (1-p)}_{=1}$

$$= p\bar{x} + (1-p)\underline{x} - p\bar{x} - i + p\bar{x}i - (1-p)\underline{x} - i + (1-p)\underline{x}i$$

$\underbrace{p\bar{x} + (1-p)\underline{x} - p\bar{x} - i + p\bar{x}i}_{\hat{=} E(\tilde{x}) = \mu}$
 $\underbrace{\hspace{10em}}_{\mu - i}$

$$a^* = - \frac{W(1+i)(\mu - i)}{(\bar{x} - i)(\underline{x} - i)}$$

c) Für welche Parameter ist $a^* > 0$?

OFFEN
 Damit $a^* > 0$, muss $(\mu - i) > 0$ sein
 \hookrightarrow Riskante Investition, muss im Mittel besser sein als sichere Investition!
 \hookrightarrow Sonst ist es das Risiko nicht Wert!